

江西省 2022 年初中学业水平考试
数学试题卷

说明:

1.全卷满分 120 分, 考试时间 120 分钟.

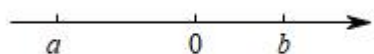
2.请将答案写在答题卡上, 否则不给分.

一、单项选择题 (本大题共 6 小题, 每小题 3 分, 共 18 分)

1. 下列各数中, 负数是 ()

- A. -1 B. 0 C. 2 D. $\sqrt{2}$

2. 实数 a, b 在数轴上的对应点的位置如图所示, 则下列结论中, 正确的是 ()

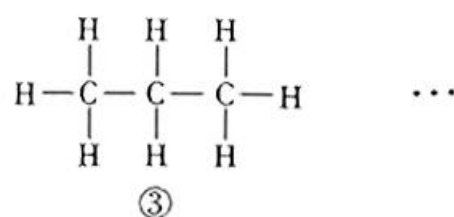
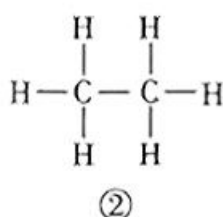
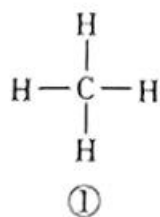


- A. $a > b$ B. $a = b$ C. $a < b$ D. $a = -b$

3. 下列计算正确的是 ()

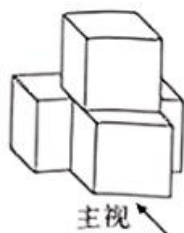
- A. $m^2 \cdot m^3 = m^6$ B. $-(m-n) = -m+n$
C. $m(m+n) = m^2 + n$ D. $(m+n)^2 = m^2 + n^2$

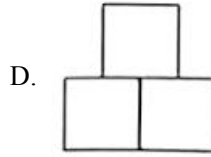
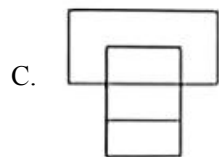
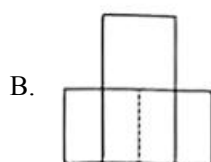
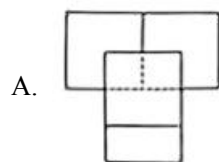
4. 将字母 “C”, “H” 按照如图所示的规律摆放, 依次下去, 则第 4 个图形中字母 “H” 的个数是 ()



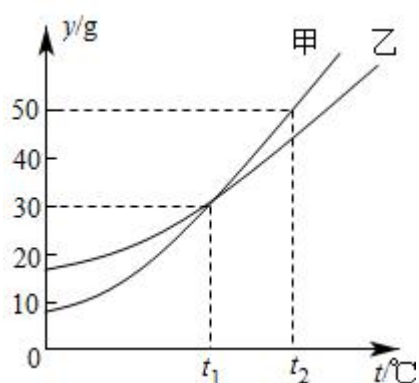
- A. 9 B. 10 C. 11 D. 12

5. 如图是四个完全相同的小正方体搭成的几何体, 它的俯视图为 ()





6. 甲、乙两种物质的溶解度 $y(\text{g})$ 与温度 $t(^{\circ}\text{C})$ 之间的对应关系如图所示，则下列说法中，错误的是 ()



- A. 甲、乙两种物质的溶解度均随着温度的升高而增大
- B. 当温度升高至 $t_2^{\circ}\text{C}$ 时，甲的溶解度比乙的溶解度大
- C. 当温度为 0°C 时，甲、乙的溶解度都小于 20g
- D. 当温度为 30°C 时，甲、乙的溶解度相等

二、填空题 (本大题共 6 小题，每小题 3 分，共 18 分)

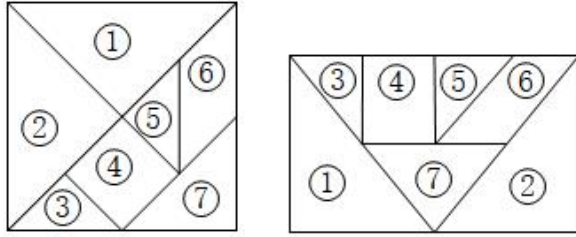
7. 因式分解: $a^2 - 3a =$ _____.

8. 正五边形的外角和等于 _____ $^{\circ}$.

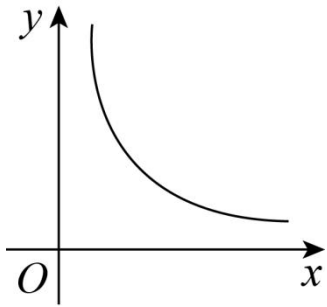
9. 已知关于 x 的方程 $x^2 + 2x + k = 0$ 有两个相等的实数根，则 k 的值是_____.

10. 甲、乙两人在社区进行核酸采样，甲每小时比乙每小时多采样 10 人，甲采样 160 人所用时间与乙采样 140 人所用时间相等，甲、乙两人每小时分别采样多少人？设甲每小时采样 x 人，则可列分式方程为_____.

11. 沐沐用七巧板拼了一个对角线长为 2 的正方形，再用这副七巧板拼成一个长方形 (如图所示)，则长方形的对角线长为_____.



12. 已知点 A 在反比例函数 $y = \frac{12}{x} (x > 0)$ 的图象上, 点 B 在 x 轴正半轴上, 若 $\triangle OAB$ 为等腰三角形, 且腰长为 5, 则 AB 的长为_____.



三、解答题 (本大题共 5 小题, 每小题 6 分, 共 30 分)

13. (1) 计算: $|-2| + \sqrt{4} - 2^0$;

- (2) 解不等式组:
$$\begin{cases} 2x < 6 \\ 3x > -2x + 5 \end{cases}$$

14. 以下是某同学化简分式 $\left(\frac{x+1}{x^2-4} - \frac{1}{x+2}\right) \div \frac{3}{x-2}$ 的部分运算过程:

解: 原式 = $\left[\frac{x+1}{(x+2)(x-2)} - \frac{1}{x+2}\right] \times \frac{x-2}{3}$ ① = $\left[\frac{x+1}{(x+2)(x-2)} - \frac{x-2}{(x+2)(x-2)}\right] \times \frac{x-2}{3}$ ② = $\frac{x+1-x-2}{(x+2)(x-2)} \times \frac{x-2}{3}$ ③ ...	解:
---	----

- (1) 上面的运算过程中第_____步出现了错误;

- (2) 请你写出完整的解答过程.

15. 某医院计划选派护士支援某地的防疫工作, 甲、乙、丙、丁 4 名护士积极报名参加, 其中甲是共青团员, 其余 3 人均是共产党员. 医院决定用随机抽取的方式确定人选.

(1) “随机抽取 1 人，甲恰好被抽中”是_____事件；

A. 不可能 B. 必然 C. 随机

(2) 若需从这 4 名护士中随机抽取 2 人，请用画树状图法或列表法求出被抽到的两名护士都是共产党员的概率.

16. 如图是 4×4 的正方形网格，请仅用无刻度的直尺按要求完成以下作图 (保留作图痕迹).

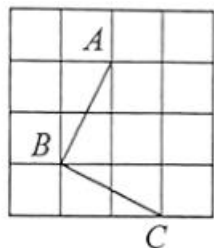


图1

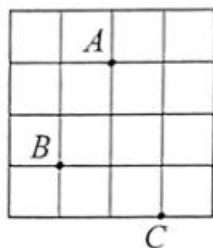
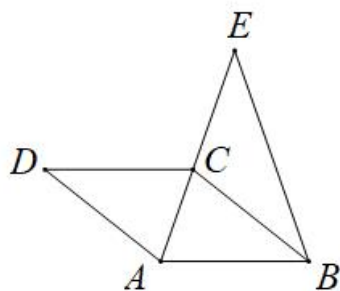


图2

(1) 在图 1 中作 $\angle ABC$ 的角平分线；

(2) 在图 2 中过点 C 作一条直线 l ，使点 A ， B 到直线 l 的距离相等.

17. 如图，四边形 $ABCD$ 为菱形，点 E 在 AC 的延长线上， $\angle ACD = \angle ABE$.

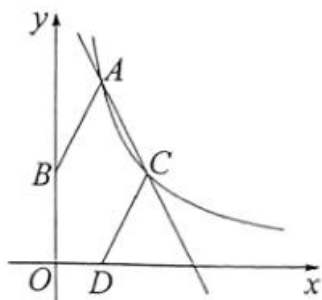


(1) 求证: $\triangle ABC \sim \triangle AEB$;

(2) 当 $AB = 6, AC = 4$ 时，求 AE 的长.

四、解答题 (本大题共 3 小题，每小题 8 分，共 24 分)

18. 如图，点 $A(m, 4)$ 在反比例函数 $y = \frac{k}{x} (x > 0)$ 的图象上，点 B 在 y 轴上， $OB = 2$ ，将线段 AB 向右下方平移，得到线段 CD ，此时点 C 落在反比例函数的图象上，点 D 落在 x 轴正半轴上，且 $OD = 1$.



(1) 点 B 的坐标为_____，点 D 的坐标为_____，点 C 的坐标为_____ (用含 m 的式子表示)；

(2) 求 k 的值和直线 AC 的表达式.

19. (1) 课本再现: 在 $\odot O$ 中, $\angle AOB$ 是 $\widehat{AB}$ 所对的圆心角, $\angle C$ 是 $\widehat{AB}$ 所对的圆周角, 我们在数学课上探索两者之间的关系时, 要根据圆心 O 与 $\angle C$ 的位置关系进行分类. 图 1 是其中一种情况, 请你在图 2 和图 3 中画出其它两种情况的图形, 并从三种位置关系中任选一种情况证明 $\angle C = \frac{1}{2} \angle AOB$;

(2) 知识应用: 如图 4, 若 $\odot O$ 的半径为 2, PA, PB 分别与 $\odot O$ 相切于点 A, B , $\angle C = 60^\circ$, 求 PA 的长.

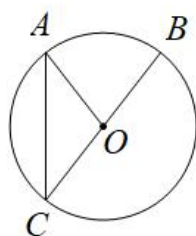


图1

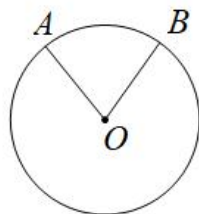


图2

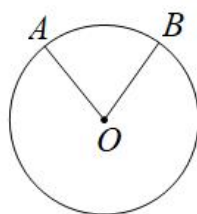


图3

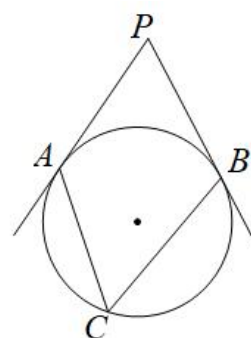


图4

20. 图 1 是某长征主题公园的雕塑, 将其抽象成如图 2 所示的示意图, 已知 $AB \parallel CD \parallel FG$, A, D, H, G 四点在同一直线上, 测得 $\angle FEC = \angle A = 72.9^\circ$, $AD = 1.6\text{m}$, $EF = 6.2\text{m}$. (结果保留小数点后一位)

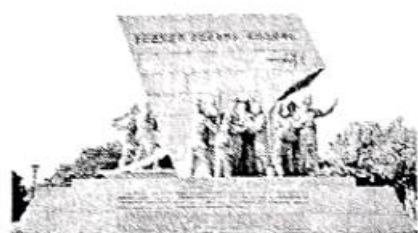


图1

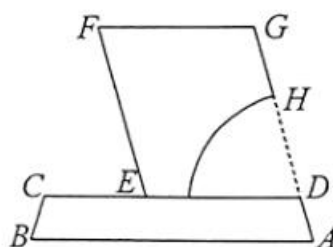


图2

(1) 求证: 四边形 $DEFG$ 为平行四边形;

(2) 求雕塑的高 (即点 G 到 AB 的距离).

(参考数据: $\sin 72.9^\circ \approx 0.96$, $\cos 72.9^\circ \approx 0.29$, $\tan 72.9^\circ \approx 3.25$)

五、解答题 (本大题共 2 小题, 每小题 9 分, 共 18 分)

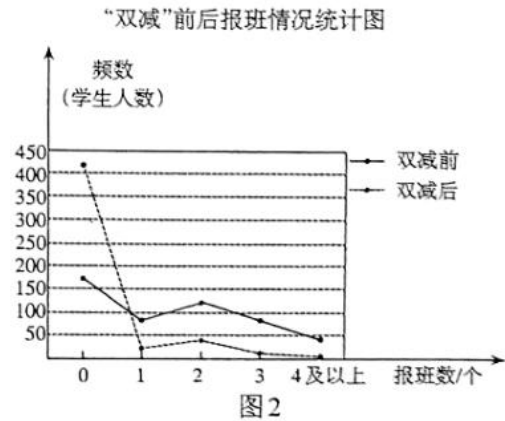
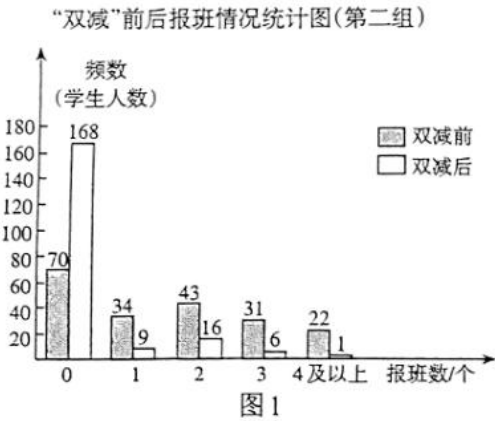
21. 在“双减”政策实施两个月后, 某市“双减办”面向本市城区学生, 就“‘双减’前后参加校外学科补习班的情况”进行了一次随机问卷调查 (以下将“参加校外学科补习班”简称“报班”), 根据问卷提交时间的不同, 把收集到的数据分两组进行整理, 分别得到统计

表 1 和统计图 1:

整理描述

表 1: “双减”前后报班情况统计表 (第一组)

类别 \ 报班数	0	1	2	3	4 及以上	合计
“双减”前	102	48	75	51	24	m
“双减”后	255	15	24	n	0	m

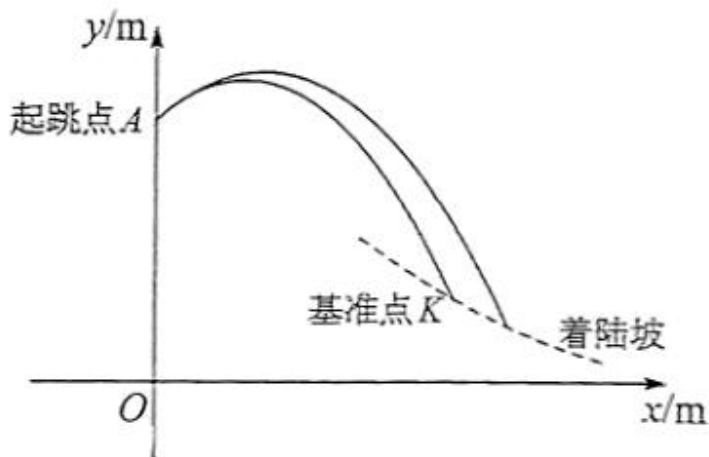


- (1) 根据表 1, m 的值为_____, $\frac{n}{m}$ 的值为_____;
- (2) 分析处理: 请你汇总表 1 和图 1 中的数据, 求出“双减”后报班数为 3 的学生人数所占的百分比;
- (3) “双减办”汇总数据后, 制作了“双减”前后报班情况的折线统计图 (如图 2). 请依据以上图表中的信息回答以下问题:

①本次调查中, “双减”前学生报班个数的中位数为_____, “双减”后学生报班个数的众数为_____;

②请对该市城区学生“双减”前后报班个数变化情况作出对比分析 (用一句话来概括).

22. 跳台滑雪运动可分为助滑、起跳、飞行和落地四个阶段, 运动员起跳后飞行的路线是抛物线的一部分 (如图中实线部分所示), 落地点在着陆坡 (如图中虚线部分所示) 上, 着陆坡上的基准点 K 为飞行距离计分的参照点, 落地点超过 K 点越远, 飞行距离分越高. 2022 年北京冬奥会跳台滑雪标准台的起跳台的高度 OA 为 66m , 基准点 K 到起跳台的水平距离为 75m , 高度为 hm (h 为定值). 设运动员从起跳点 A 起跳后的高度 $y(\text{m})$ 与水平距离 $x(\text{m})$ 之间的函数关系为 $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$.



(1) c 的值为_____;

(2) ①若运动员落地点恰好到达 K 点, 且此时 $a = -\frac{1}{50}, b = \frac{9}{10}$, 求基准点 K 的高度 h ;

②若 $a = -\frac{1}{50}$ 时, 运动员落地点要超过 K 点, 则 b 的取值范围为_____;

(3) 若运动员飞行的水平距离为 25m 时, 恰好达到最大高度 76m , 试判断他的落地点能否超过 K 点, 并说明理由.

六、解答题 (本大题共 12 分)

23. 问题提出: 某兴趣小组在一次综合与实践活动中提出这样一个问题: 将足够大的直角三角板 PEF ($\angle P = 90^\circ, \angle F = 60^\circ$) 的一个顶点放在正方形中心 O 处, 并绕点 O 逆时针旋转, 探究直角三角板 PEF 与正方形 $ABCD$ 重叠部分的面积变化情况 (已知正方形边长为 2).

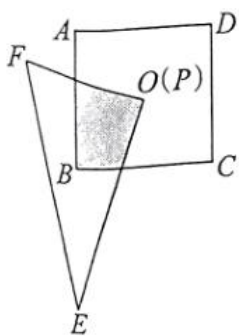


图 1

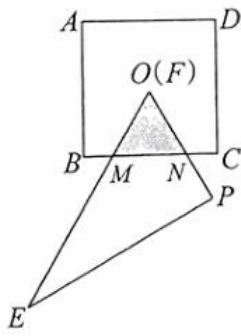


图 2

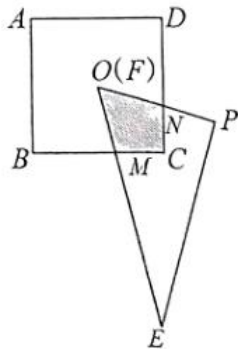
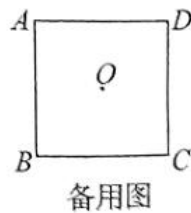


图 3



(1) 操作发现: 如图 1, 若将三角板的顶点 P 放在点 O 处, 在旋转过程中, 当 OF 与 OB 重合时, 重叠部分的面积为_____; 当 OF 与 BC 垂直时, 重叠部分的面积为_____;

一般地, 若正方形面积为 S , 在旋转过程中, 重叠部分的面积 S_1 与 S 的关系为_____;

(2) 类比探究: 若将三角板的顶点 F 放在点 O 处, 在旋转过程中, OE, OP 分别与正方形的边相交于点 M, N .

①如图 2, 当 $BM = CN$ 时, 试判断重叠部分 $\triangle OMN$ 的形状, 并说明理由;

②如图 3, 当 $CM = CN$ 时, 求重叠部分四边形 $OMCN$ 的面积 (结果保留根号);

(3) 拓展应用: 若将任意一个锐角的顶点放在正方形中心 O 处, 该锐角记为 $\angle GOH$ (设 $\angle GOH = \alpha$), 将 $\angle GOH$ 绕点 O 逆时针旋转, 在旋转过程中, $\angle GOH$ 的两边与正方形 $ABCD$ 的边所围成的图形的面积为 S_2 , 请直接写出 S_2 的最小值与最大值 (分别用含 α 的式子表示),

(参考数据: $\sin 15^\circ = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$, $\cos 15^\circ = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$, $\tan 15^\circ = 2 - \sqrt{3}$)